

# CONCOURS NATIONAL COMMUN D'ADMISSION AUX GRANDES ÉCOLES D'INGÉNIEURS MAROCAINES

**SESSION 2009**

**FILIERE : MP**

**ÉPREUVE DE SCIENCES INDUSTRIELLES POUR L'INGÉNIEUR**

**DURÉE : 4 HEURES**

**Composition du sujet**

**Le sujet comporte 27 pages, dont :**

- 19 pages de texte ;
- 2 documents annexes ;
- 6 documents-réponses, à rendre obligatoirement à la fin de l'épreuve.

**AUCUN DOCUMENT SUPPLÉMENTAIRE N'EST AUTORISÉ  
CALCULATRICES AUTORISÉES**

**Les SEPT parties constituant le sujet peuvent être traitées indépendamment.**

Une rédaction soignée, une écriture lisible et des résultats encadrés seront appréciés par les correcteurs.

*Si au cours de l'épreuve le candidat repère ce qui lui semble une erreur d'énoncé, il le signale sur sa copie et poursuit sa composition en mentionnant les raisons des initiatives qu'il est amené à prendre*

## APPAREIL DE SPORT

### PRESENTATION :



**Photo 1 : Appareil de sport**

L'appareil, objet de notre étude, fait partie des équipements des établissements de fitness et des domiciles pour un usage personnel.

Il permet à un utilisateur de réaliser une séance de sport.

Son tapis roulant, dont la vitesse linéaire de déplacement peut varier, à volonté, entre 0 et 12 km/h, est monté sur un support inclinable verticalement.



**Photo 2 : support (inclinaison minimale)**



**Photo 3 : support (inclinaison maximale)**

La vitesse du tapis ainsi que l'inclinaison de son support, peuvent être sélectionnées selon deux modes :

- **Mode 1** : sélection directe de la vitesse et/ou de l'inclinaison dans une gamme proposée (évolution continue) ;
- **Mode 2** : incrémentation - décrémentation de la vitesse et/ou de l'inclinaison avec un pas de 0.1 km/h pour la vitesse et de 1° pour l'inclinaison.

**Photo 4 : Pupitre de l'appareil**



**PARTIE A : ETUDE FONCTIONNELLE (ANNEXES 1 ET 2 : PAGES 20 - 21)**

En se référant à la description fournie et aux **documents annexes 1 et 2**, répondre aux questions suivantes :

- Question 1:**
- a) Compléter le diagramme SADT niveau A-0 du document- réponse **1** ;
  - b) Compléter la diagramme SADT niveau A0 du document- réponse **1** ;
  - c) Compléter le diagramme FAST du document- réponse **2**.

**PARTIE B : ETUDE STATIQUE DU CONTACT « APPAREIL – SOL »**

Le contact entre l'appareil et le sol est réalisé grâce à deux galets et deux pieds (Les roues de déplacement qu'on distingue sur la **photo 1**, ne sont pas en contact avec le sol).



Photo 5 : galet

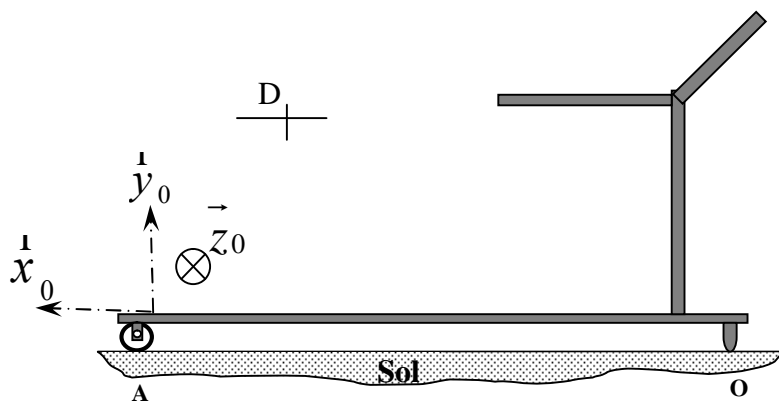


Photo 6 : pied

Notre étude vise à déterminer le coefficient de frottement minimal à assurer dans le contact « Appareil – Sol », pour éviter tout glissement sur le sol lors de sa mise en service.

On se placera dans le plan de symétrie vertical de l'appareil.

Le contact « Appareil - Sol » est modélisé par le schéma de la **figure 1**.

**Figure 1**

### Données et hypothèses de l'étude :

- Le support est supposé horizontal.
- L'effort exercé par l'utilisateur sur l'appareil est modélisé, au point D, par le glisseur :  $\vec{F} = 80\vec{x}_0 - 700\vec{y}_0$  (En N)
- Le poids de l'appareil est  $\vec{P} = -400\vec{y}_0$  (En N), passant par le point D ;
- Le contact en A est supposé parfait, celui en O est avec frottement.
- On notera la force en A du sol sur appareil :  $\vec{A}$  et celle en O :  $\vec{O}$

Les tracés et les commentaires sont à reporter sur le document-réponse 3.

**Question 2 :** *Etudier graphiquement l'équilibre de l'appareil :*

- évaluer le coefficient de frottement minimal  $f$ , nécessaire au contact en O, pour assurer la stabilité de l'appareil sur le sol.
- Donner les modules des actions en A et en O.

**Indication :** le candidat pourra déterminer, graphiquement, la résultante, au point D, des forces données, afin de ramener le problème à l'étude de l'équilibre sous l'action de trois forces coplanaires.

**PARTIE C : MECANISME DE RANGEMENT DE L'APPAREIL**

Après exploitation, l'utilisateur pourra plier puis verrouiller l'appareil pour diminuer son volume de rangement.



**Photo 7 : appareil en cours de pli**



**Photo 8 : appareil plié et rangé**



Bouton de verrouillage

**Photo 9 : Mécanisme de guidage**

Lors de cette opération manuelle, l'opérateur fait tourner le bloc pivotant en le relevant de son extrémité.

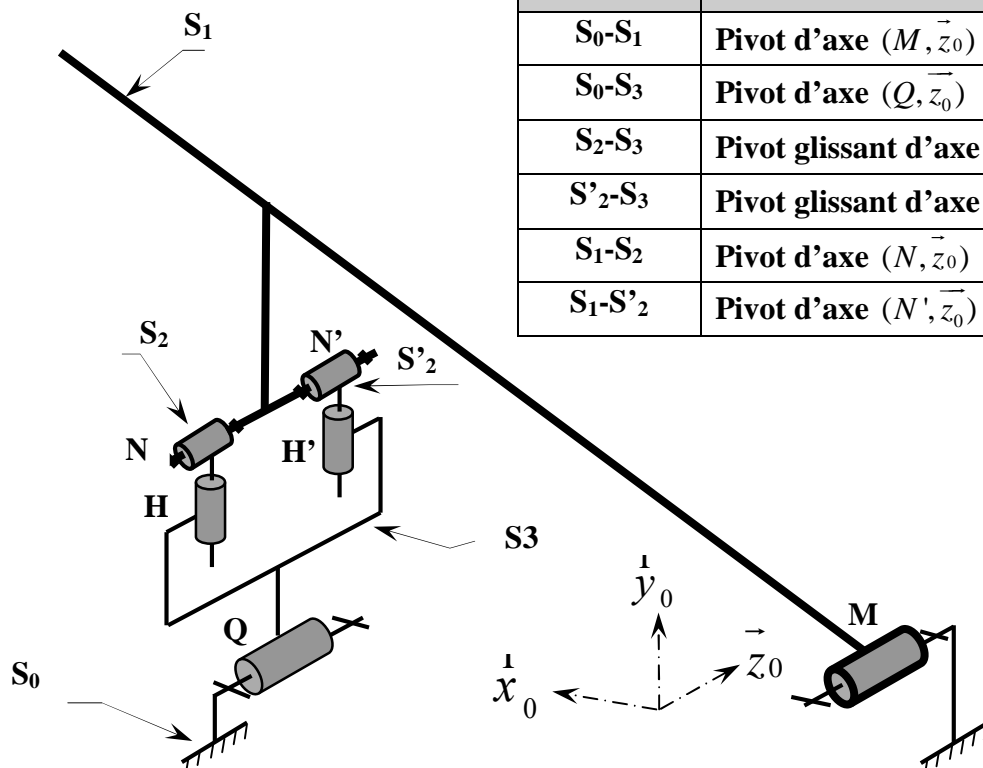
Le bloc est guidé par le mécanisme représenté sur la **photo 9**, et dont le schéma cinématique est représenté sur la **figure 2**.

Nous nous intéresserons dans la suite à l'étude d'hyperstatisme et statique de ce mécanisme.

**Etude d'hyperstatisme du mécanisme de guidage :**

<i>Solides liés</i>	<i>Nature de la liaison</i>
$S_0-S_1$	Pivot d'axe $(M, \vec{z}_0)$
$S_0-S_3$	Pivot d'axe $(Q, \vec{z}_0)$
$S_2-S_3$	Pivot glissant d'axe $(H, \vec{y}_0)$
$S'_2-S_3$	Pivot glissant d'axe $(H', \vec{y}_0)$
$S_1-S_2$	Pivot d'axe $(N, \vec{z}_0)$
$S_1-S'_2$	Pivot d'axe $(N', \vec{z}_0)$

**Figure 2**



- Question 3 :**
- a) Dresser le schéma de structure du mécanisme de guidage ;
  - b) Sachant que :  $m_u=1$ , Evaluer le degré d'hyperstatisme  $h$  ;
  - c) Après avoir remplacé la liaison en N par sphérique (rotule) et celle en N' par sphère cylindre (linéaire annulaire), réévaluer le degré d'hyperstatisme ;
  - d) Quel est l'avantage d'une telle solution ?

**Etude statique du mécanisme de guidage :**

L'objet de l'étude est la détermination des efforts dans la liaison au point M entre  $S_1$  et  $S_0$  pour son dimensionnement éventuel.

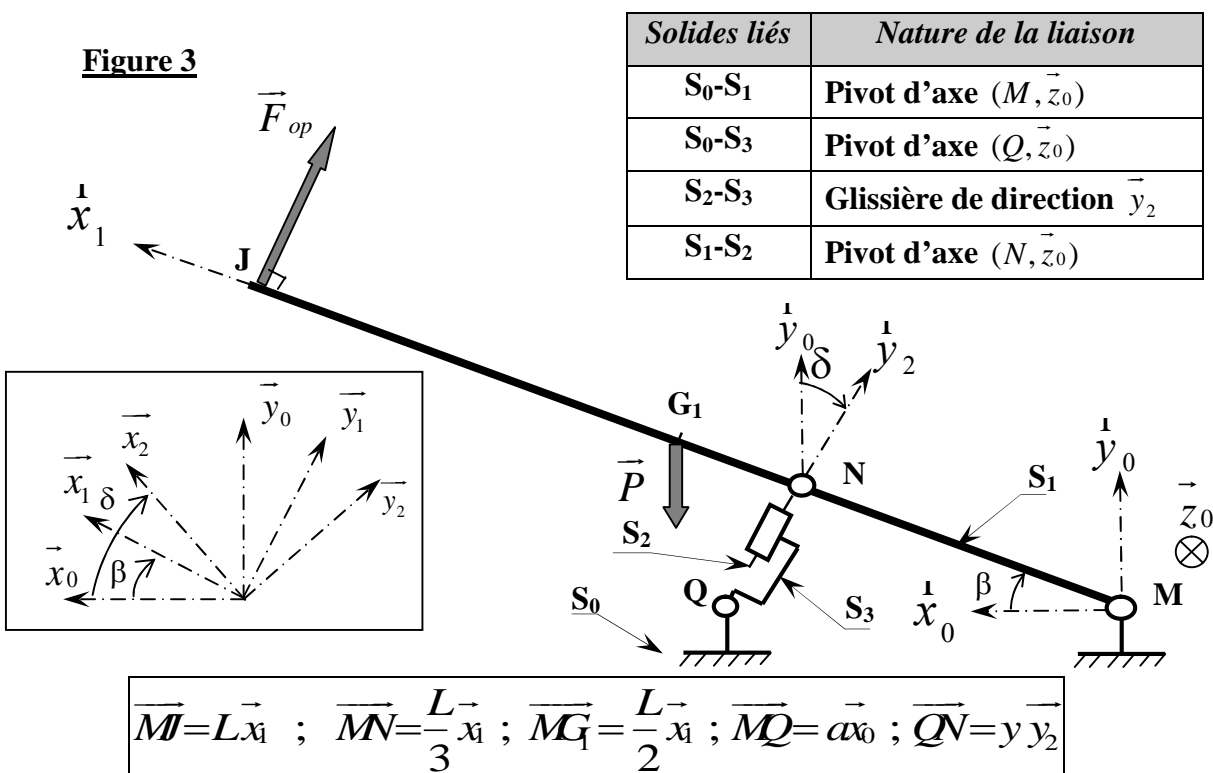


**Photo 10 : liaison pivot  $S_0$ - $S_1$**

Pour des raisons de symétrie, l'étude sera effectuée dans le plan  $(M, \vec{x}_0, \vec{y}_0)$ , plan médian de l'appareil.

Le schéma cinématique plan simplifié, est celui de la **figure 3**.

**Figure 3**





**Données et hypothèses de l'étude :**

- Le mécanisme est au repos ; avec  $\beta$  et  $\delta$  sont des données constantes ;
- L'effort exercé par l'opérateur est de module  $F_{op}$  ;
- Le poids du bloc pivotant  $S_1$  est  $\vec{P}$ . Son centre de gravité est  $G_1$ .
- Les poids des autres éléments sont négligés ;
- Toutes les liaisons sont parfaites ;

**N.B** : le mécanisme est plan, par conséquent le torseur statique de la liaison  $L_{ij}$  réalisée entre les solide  $S_i$  et  $S_j$  lorsque cette liaison est pivot sera noté sous la

forme : 
$$\{i \rightarrow j\} = \left\{ \begin{array}{c} \vec{R}_{i/j} \\ \vec{0} \end{array} \right\}_{A_{ij}} = \left\{ \begin{array}{cc} X_{ij} & 0 \\ Y_{ij} & 0 \\ 0 & 0 \end{array} \right\}_{(A_{ij}, \vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)}$$

$A_{ij}$  : centre de la liaison  $L_{ij}$ .

**Question 4 :**

a) Dresser le schéma d'analyse du mécanisme ;

b) Isoler l'ensemble  $E = (S_2 + S_3)$ , et en déduire :

- La direction de la force  $\vec{R}_{1/2}$  ;

- La relation entre  $X_{12}$ ,  $Y_{12}$  et  $\delta$  ;

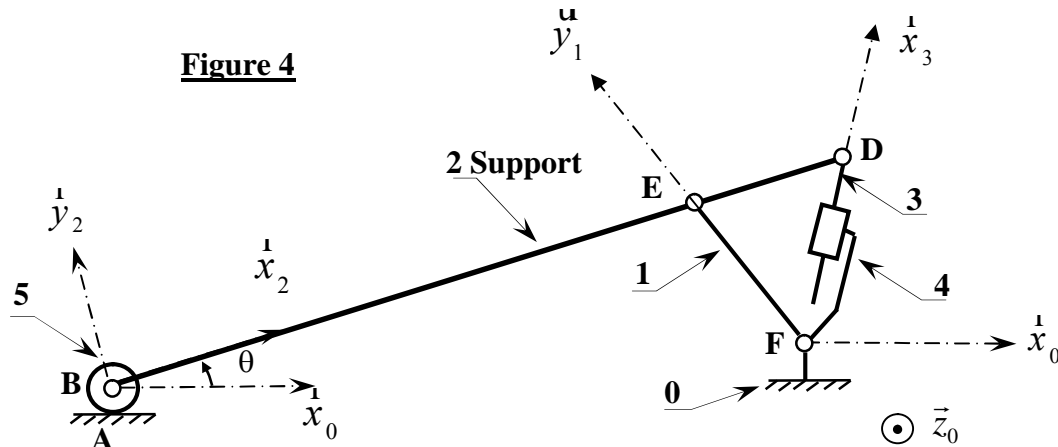
c) Isoler  $S_1$  et écrire les 3 équations scalaires qui découlent du P.F.S (Réduire les torseurs au point M) ;

Peut-on déterminer en fonction des données, les inconnues statiques de la liaison  $L_{01}$  ? Justifier.

**PARTIE D : MECANISME D'INCLINAISON DU SUPPORT**

Pour simuler la montée de l'utilisateur dans une pente, le constructeur a placé le tapis roulant de l'appareil sur un support inclinable verticalement (**Photos 2 et 3**).

L'angle d'inclinaison est  $\theta$ . Dans toute la suite, On considèrera que :  $5^\circ \leq \theta \leq 20^\circ$ . Le mécanisme d'inclinaison du support est modélisé par le schéma cinématique plan de la **figure 4**.



Solides liés	Nature de la liaison	Solides liés	Nature de la liaison
0-1	Pivot d'axe $(F, \vec{z}_0)$ ,	2-3	Pivot d'axe $(D, \vec{z}_0)$
0-4	Pivot d'axe $(F, \vec{z}_0)$	2-5	Pivot d'axe $(B, \vec{z}_0)$
1-2	Pivot d'axe $(E, \vec{z}_0)$	0-5	Sphère-plan de normale $(A, \vec{y}_0)$
3-4	Glissière de direction $\vec{x}_3$		

Notre étude portera sur le comportement cinématique et dynamique de ce mécanisme en mode 1.

### Etude cinématique :

Le support 2 est supposé entraîner en mouvement grâce à un vérin (3+4).

On souhaite déterminer, graphiquement, la vitesse  $\vec{V}_{(B \in 2/0)}$  lorsque le système est dans la position du **document réponse 4**.

### Données et hypothèses de l'étude :

- 5 reste en contact avec le sol au point A ;
- $\vec{V}_{(D \in 3/4)} = -20 \vec{x}_3$  (en mm.mn<sup>-1</sup>) ;

Les tracés et les commentaires sont à reporter sur le document-réponse 4.

### Question 5 :

a) Montrer que :  $\vec{V}_{(E \in 1/0)} = \vec{V}_{(E \in 2/0)}$  et  $\vec{V}_{(D \in 2/0)} = \vec{V}_{(D \in 3/0)}$

b) Donner les supports des vitesses :  $\vec{V}_{(B \in 2/0)}$  et  $\vec{V}_{(E \in 1/0)}$ ,

c) En déduire :

-le C.I.R du mouvement de 2 par rapport à 0 ( ce point sera noté  $I_{20}$ ) ;



- Le support de la vitesse :  $\vec{V}_{(D \in 2/0)}$ .

d) Ecrire la relation liant les vecteurs vitesses en indiquant leurs

supports :  $\vec{V}_{(D \in 3/0)}$ ,  $\vec{V}_{(D \in 3/4)}$  et  $\vec{V}_{(D \in 4/0)}$  ;

Déterminer, alors le module de :  $\vec{V}_{(D \in 2/0)}$  ;

e) En déduire le module de :  $\vec{V}_{(B \in 2/0)}$ .

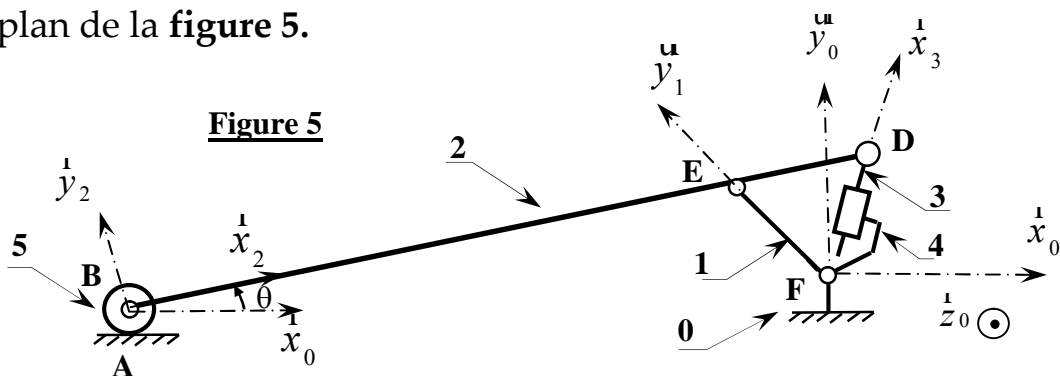
### Etude dynamique :

Dans cette partie, on souhaite dimensionner l'actionneur d'inclinaison du support.



**Photo 11 : actionneur d'inclinaison du support**

Le mécanisme d'inclinaison du support est modélisé par le schéma paramétré plan de la **figure 5**.



$$\overrightarrow{FB} \cdot \vec{x}_0 = x ; \overrightarrow{FD} = y \vec{x}_3$$

### Modélisation du support inclinable :

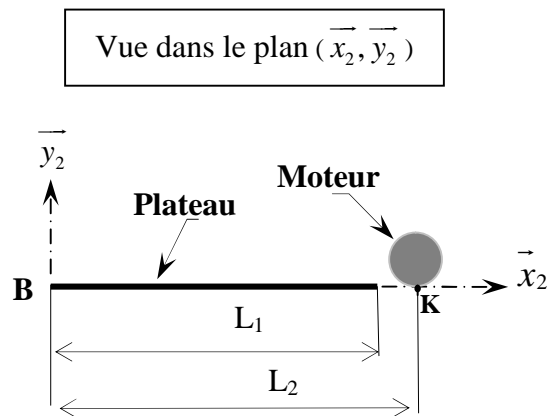
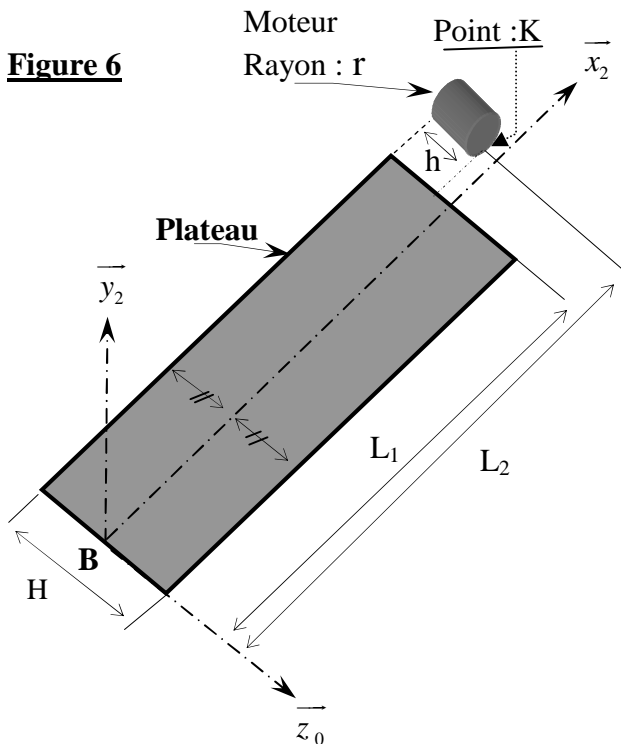
Le support 2, assimilé au solide représenté sur les **figures 6 et 7**, est constitué de :

- **Plateau** : assimilé à une plaque rectangulaire et homogène, de normale  $(B, \vec{y}_2)$  de masse  $M_p$  et de centre d'inertie  $G_p$ .

- **Moteur d'entraînement du tapis** : assimilé à un cylindre plein et homogène ,longueur **h** , rayon **r** , de masse **M<sub>m</sub>** et de centre d'inertie **G<sub>m</sub>** . Ce moteur est à l'arrêt lors de cette étude ; On donne :

$$B \vec{K} = L_2 \vec{x}_2 - \left( \frac{H}{2} - h \right) \vec{z}_0$$

- La masse des autres constituants du support inclinable sera négligée.



**Question 6 :**

Déterminer, en fonction des données, les coordonnées du centre de gravité **G** du support, dans le repère  $(B, \vec{x}_2, \vec{y}_2, \vec{z}_0)$ .

**Question 7 :**

- Donner  $I_{P/Bz}$  : moment d'inertie du plateau par rapport à l'axe  $(B, \vec{z}_0)$  ;
- Donner  $I_{2/Bz}$  : moment d'inertie du support 2 par rapport à l'axe  $(B, \vec{z}_0)$  en fonction de  $M_p$ ,  $M_m$ ,  $L_1$ ,  $L_2$ , et  $r$  .

**Etude dynamique du support inclinable :**

Le schéma cinématique est celui de la **figure 5 de la page 9**.

**Données et hypothèses de l'étude :**

- Le support inclinable est chargé (Utilisateur au dessus du tapis) ;
- Le moteur d'entraînement du tapis est à l'arrêt. L'utilisateur est supposé immobile par rapport au support ;
- Toutes les liaisons sont parfaites et roulement sans glissement en A ;
- $G_S$  : centre de gravité de l'ensemble  $S = \{\text{Support} + \text{Utilisateur}\}$  qui, pour des raisons de simplification, sera défini par :  
 $\overrightarrow{BG_S} = a\vec{x}_2$  ;  $a$  : constante.

$M_S$  : masse de S ;

- Les masses et inerties des autres éléments sont négligées ;
- Le moment d'inertie de S par rapport à l'axe  $(B, \vec{z}_0)$  sera noté :  $I_S$  ;
- L'actionneur (act.) de translation, dont la masse est négligée, est monté entre 4 et 3,

$$\text{On donne : } \{ \text{Act.} \rightarrow 3 \} = \left\{ \begin{array}{c} F_m \vec{x}_3 \\ \vec{0} \end{array} \right\}_D.$$

- Le repère  $R_0(\vec{F}, \vec{x}_0, \vec{y}_0, \vec{z}_0)$  lié au bâti 0 est galiléen, et  $\vec{y}_0$  vertical ascendant.

Pour les questions suivantes, les résultats seront exprimés en fonctions des données, des paramètres dépendants  $x, y, \theta$  et de leurs dérivées.

**Question 8 :**

- Dresser le schéma d'analyse du mécanisme (Remplacer le solide 2 par S) ;*
- Déterminer l'énergie cinétique galiléenne de l'ensemble  $\Sigma = \{S, 5, 4, 3, 1\}$  ;*
- Déterminer :*
  - la puissance galiléenne des actions mécaniques extérieures à l'ensemble  $\Sigma$  ;*
  - la puissance interne à  $\Sigma$  ;*

d) Appliquer le théorème de l'énergie cinétique à l'ensemble  $\Sigma$ , et déduire l'expression de l'effort  $F_m$ . (Ne pas expliciter le terme  $\frac{dT_{(\Sigma/R0)}}{dt}$ ).

En réalité, l'actionneur de translation est un moto-réducteur, associé à un système vis-écrou, qui agit directement sur le solide 3.

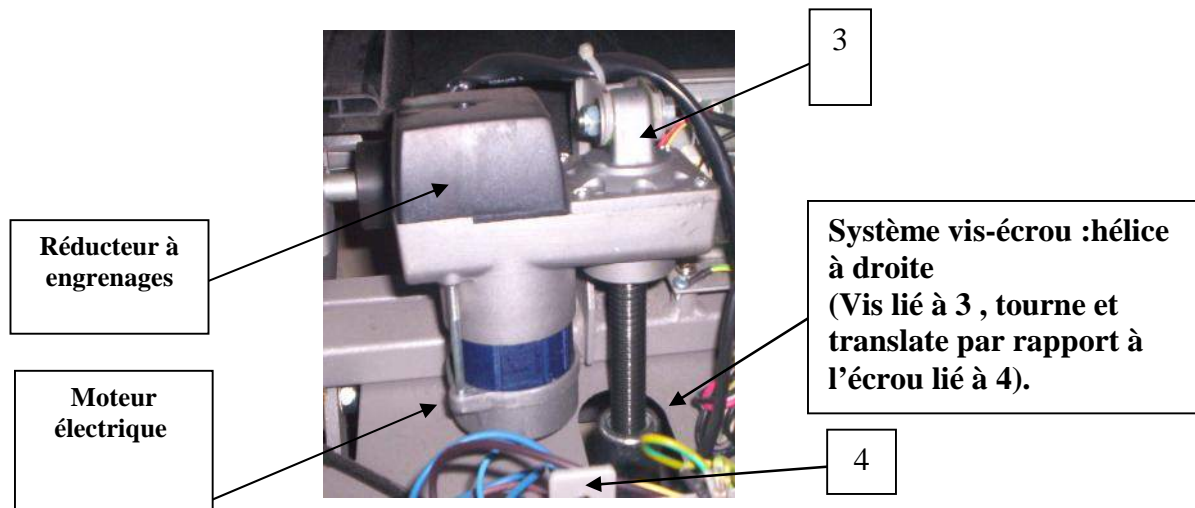
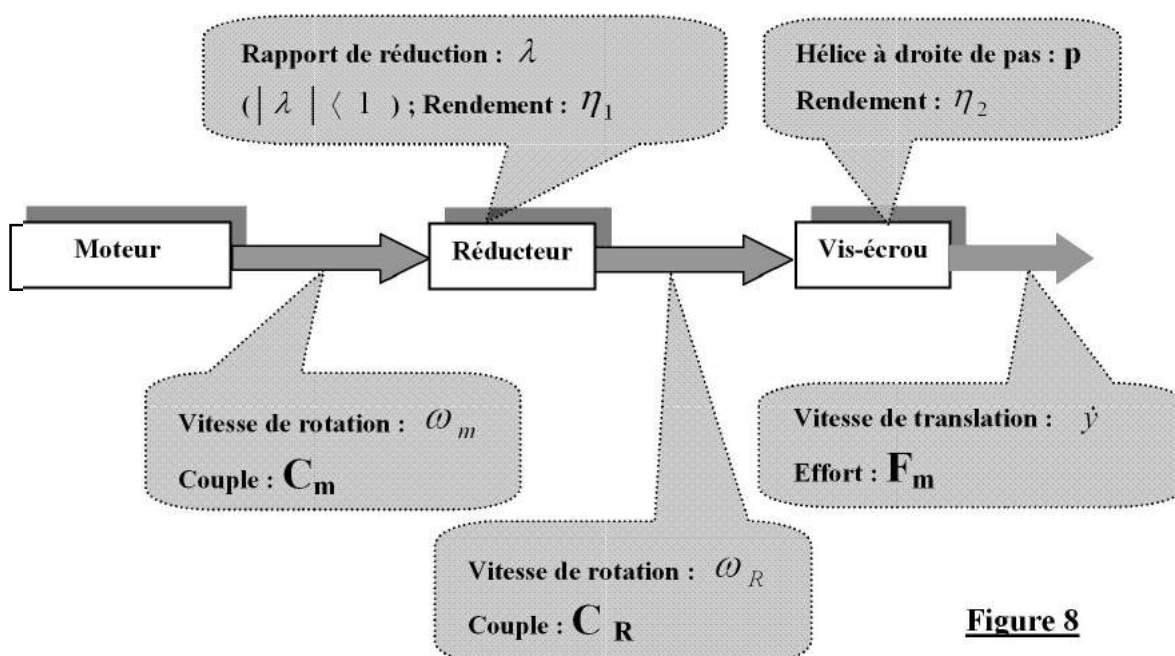


Photo 12 : composants de l'actionneur de translation

La transmission de puissance se fait selon le schéma de la **figure 8** :



**Figure 8**

- Question 9 :**
- Exprimer  $\omega_m$  en fonction de  $\dot{y}$ ,  $\lambda$  et  $p$  ;
  - Donner, alors, le couple moteur  $C_m$  en fonction de  $\lambda$ ,  $p$ ,  $F_m$ ,  $\eta_l$  et  $\eta_e$ .

**PARTIE E : ETUDE SEQUENTIELLE DU COMPTEUR D'INCLINAISON**

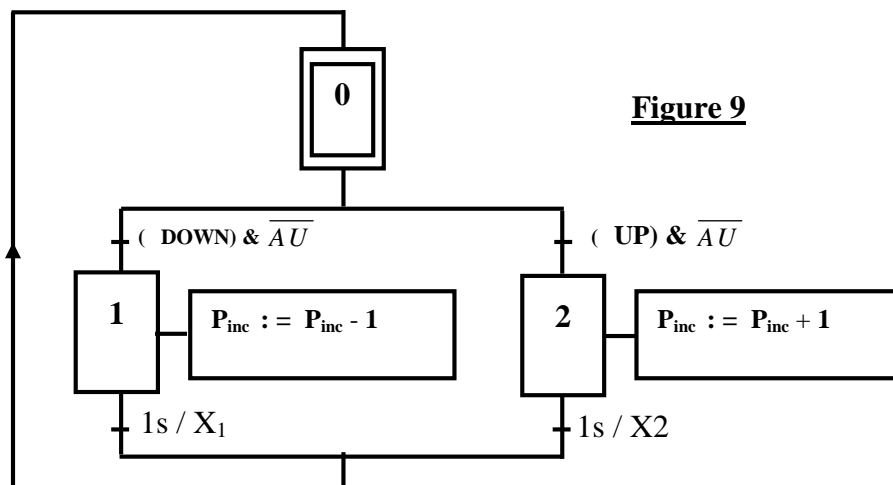
L'utilisateur sélectionne la position d'inclinaison souhaitée en appuyant sur le bouton " UP " pour augmenter l'angle d'inclinaison du support, et sur le bouton " DOWN " pour le diminuer.

L'angle d'inclinaison du support varie entre  $5^\circ$  et  $20^\circ$  avec un pas de  $1^\circ$ .

L'afficheur d'inclinaison (**Afficheur 6**, annexe 1) indique la position d'inclinaison à l'utilisateur selon une échelle de 0 à 15 et avec un pas de 1.

L'indice de position 0 correspond à une inclinaison de  $5^\circ$  et l'indice 15 correspond à  $20^\circ$ .

L'incrémentation/Décrémentation du compteur d'affichage de l'inclinaison du support est décrite par le modèle GRAFCET de la **figure 9** :



$P_{inc}$  : indice de position d'inclinaison ;

$AU$  : Clé de sécurité, qui peut être branchée ( $AU=0$ ) ou débranchée ( $AU=1$ ).

**Rappels :** - ( $V := a$ ) veut dire qu'on affecte la valeur  $a$  à la variable  $V$ .

- $X_i$  : Variable affectée à l'étape ( $i$ ). ( $X_i=1$ , si l'étape ( $i$ ) est active, 0 sinon).
- La variable  $[1s / X_i] = 1$  si la durée de l'activation de l'étape ( $i$ ) a atteint 1s, 0 sinon.

Répondre sur le document-réponse 5.**Question 10 :**

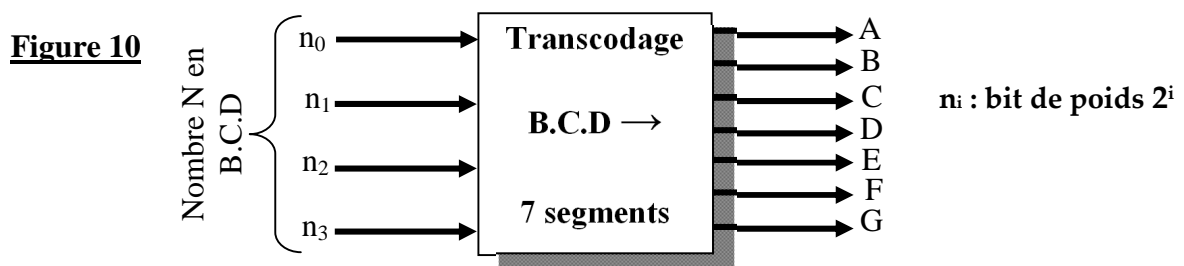
- a) Compléter : le chronogramme et le tableau du document-réponse 5 ;
- b) Modifier le GRAFCET pour que le comportement du compteur intègre toutes les conditions suivantes :
- Remise à zéro du compteur dès l'activation de l'AU (clé de sécurité débranchée) ou dès que l'on appuie sur le bouton " STOP " ;
  - N'incrémenter que si  $P_{inc}$  est inférieure strictement à 15 ;
  - Ne décrémenter que si  $P_{inc}$  est supérieure strictement à 0.

**PARTIE F : ETUDE DE LA FONCTION « AFFICHER LES DONNEES »**

Les afficheurs, permettant de transmettre les différentes informations à l'utilisateur, sont du type : **Afficheurs 7 segments**.

Chaque afficheur transcode un nombre N (Compris entre 0 et 9) à partir de sa représentation B.C.D, selon le mode de la **figure 10** :

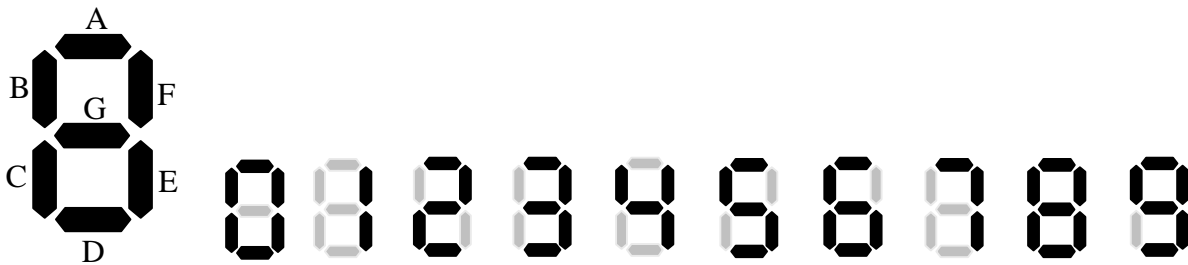
(Rappel : Le B.C.D est un code qui associe à chacun des dix chiffres usuels 0, 1, ...9 un code constitué par une suite ordonnée de 4 chiffres binaires ( $n_3, n_2, n_1, n_0$ ), qui est tout simplement l'écriture en binaire naturel du nombre représenté par le chiffre à coder )



On donne, sur la **figure 11** ci-dessous, le repérage des sept segments de l'afficheur, et on convient d'associer la valeur 1 au segment qui doit être allumé, et la valeur 0 à celui qui devra être éteint.



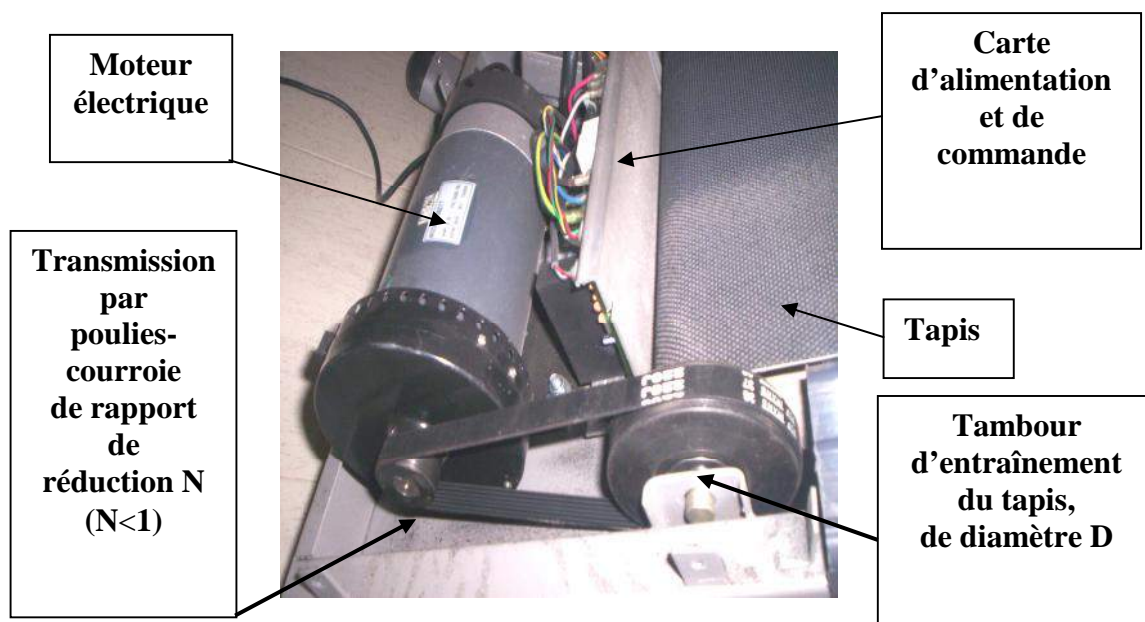
**Photo 13 : afficheurs du pupitre**

**Figure 11****Question 11 :****Sur le document-réponse 6 :**

Compléter les tableaux de Karnaugh des segments A et E, puis trouver leurs équations logiques simplifiées ;( les cases ne correspondant pas à un chiffre décimal doivent être exploitées, au choix : 0 ou 1).

### PARTIE G : COMMANDE DU MOTEUR D'ENTRAÎNEMENT DU TAPIS

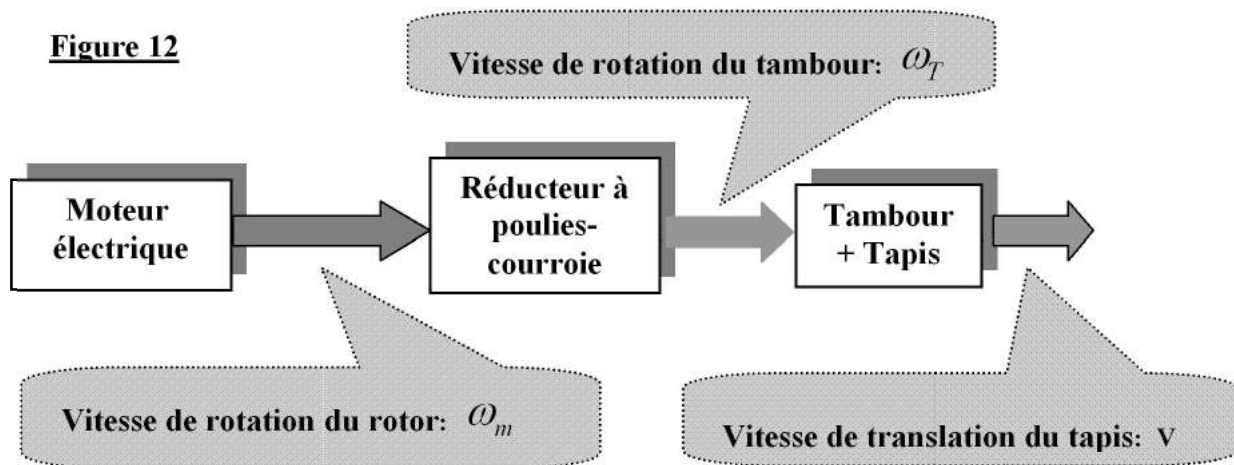
La translation du tapis est obtenue grâce à un moteur électrique, qui entraîne en rotation, via un réducteur à poulies-courroie, le tambour qui déplace le tapis.



**Photo 14 : mise en translation du tapis**

La transmission de mouvement se fait selon le schéma de la **figure 12** :



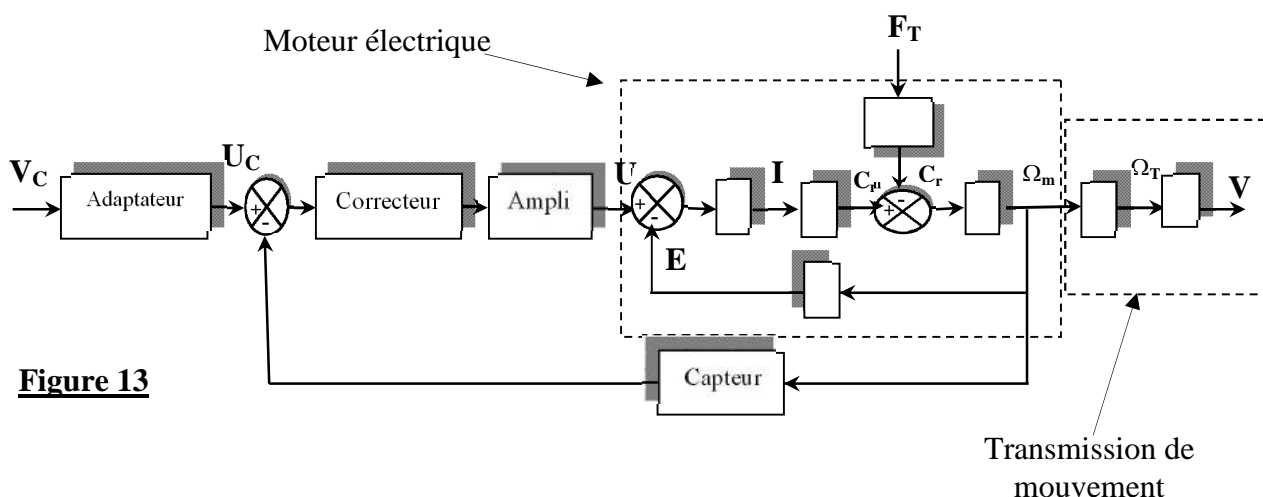
**Figure 12**

### Asservissement en vitesse du tapis :

Dans cette étude, on souhaite régler le gain de l'amplificateur, avec un choix fixé du correcteur de l'asservissement pour satisfaire les exigences du cahier des charges suivantes :

- Temps de réponse minimal ;
- Aucun dépassement de la consigne n'est autorisé ;
- Insensibilité aux perturbations ;
- Stabilité assurée ( $MP > 45^\circ$  et  $MG > 12$  dB).

L'asservissement de vitesse du tapis est représenté par le schéma de la **figure 13** :

**Figure 13**

$V_C$  : vitesse de consigne ;

$U_C$  : tension d'entrée ( en V) ;

$F_T$  : effort tangentiel résistant appliqué sur le tapis et qui résulte du contact "Opérateur-Tapis".

Le modèle simplifié du fonctionnement du moteur est décrit par les quatre équations suivantes :

$$u(t) = R.i(t) + e(t) \quad (1)$$

$u(t)$  : tension de commande du moteur ;

$i(t)$  : courant consommé ;

$R$  : résistance de l'induit ;

$e(t)$  : force contre-électromotrice.

$$C_m(t) - C_r(t) = j \cdot \frac{d\omega_m(t)}{dt} \quad (2)$$

$C_m(t)$  : couple moteur ;

$C_r(t)$  : couple résistant ramené sur le rotor, résultant de l'effort

tangentiel résistant perturbateur  $F_T$  ; avec :  $C_r(t) = \frac{N.D}{2} \cdot F_T(t)$

$j$  : moment d'inertie équivalent ramené sur le rotor.

$$C_m(t) = K_m \cdot i(t) \quad (3)$$

$$e(t) = K_m \cdot \omega_m(t) \quad (4)$$

**Notation :** La transformée de Laplace d'une grandeur physique  $f(t)$  est  $F(p)$  et peut-être notée aussi :  $F$ .

**Question 12 :**

a) La transmission de mouvement est supposée sans glissement. Déterminer la relation entre :

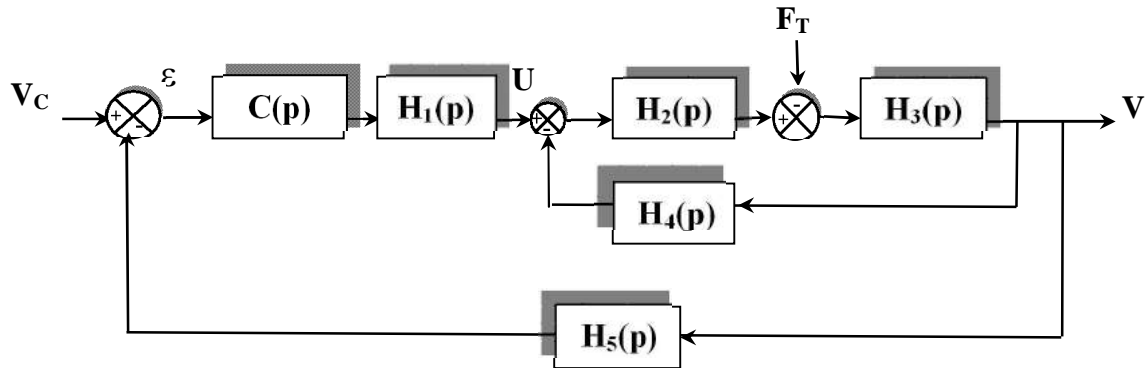
▪  $V(t)$  et  $\omega_T(t)$  ;

▪  $\omega_T(t)$  et  $\omega_m(t)$ .

b) Les gains de l'adaptateur, du capteur et de l'amplificateur sont :  $K_A$ ,  $K_C$  et  $K$  successivement :

Compléter le schéma bloc du document-réponse 6 ;

c) Transformer ce schéma bloc pour le mettre sous la forme de celui de la figure 14. Identifier, ensuite, chacune des fonctions de transfert  $H_i(p)$  pour  $i \in \{1, 2, 3, 4, 5\}$  ;

**Figure 14**

**Dans la suite de l'épreuve, on donne :**

$H_1(p) = K_1$	$H_4(p) = K_4$	$H_5(p) = K_5$
$H_2(p) = K_2$	$H_3(p) = \frac{K_3}{P}$	$C(p) = \frac{1}{p}$

On pose :  $V(p) = V_c(p).H_e(p) - F_T(p).H_{per}(p)$  ; (e : entrée ; per : perturbation)

**Question 13 :**

**a)** On suppose que  $K_5 = 1$  ; Donner :

-la fonction de transfert de la commande en boucle fermée, vis-à-vis de la consigne  $V_c(t)$  :  $H_e(p)$  ;

-la fonction de transfert de la commande en boucle fermée, vis-à-vis de la perturbation  $F_T(t)$  :  $H_{per}(p)$  ;

**b)** Justifier que si l'asservissement est suffisamment stable vis-à-vis de la consigne, alors il l'est vis-à-vis de la perturbation ;

**c)** L'effort  $F_T(t)$  est constant et égal à  $F_0$ . Calculer, en régime permanent l'erreur statique de vitesse causée par cette perturbation :  $\varepsilon_{per}(t)$  lorsque  $(t \rightarrow \infty)$

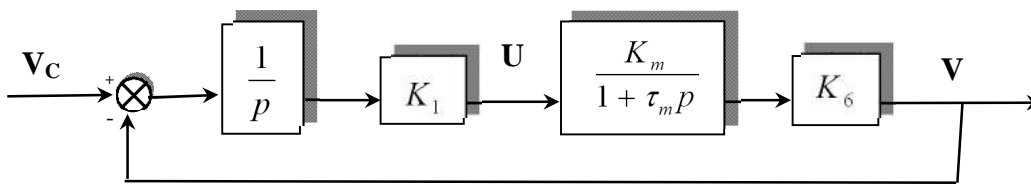
**d)** Le choix du correcteur  $C(p)$  est-il compatible avec les exigences du cahier des charges ? Expliquer.

Dans la suite :

-On s'intéresse au comportement de l'asservissement vis-à-vis de la consigne  $V_c$ .  
On annule donc la perturbation ( $F_T = 0$ ).

-La fonction de transfert du moteur est notée :  $H_m(p) = \frac{K_m}{1 + \tau_m p}$

**Le schéma bloc de l'asservissement est, donc, celui de la figure 15 :**



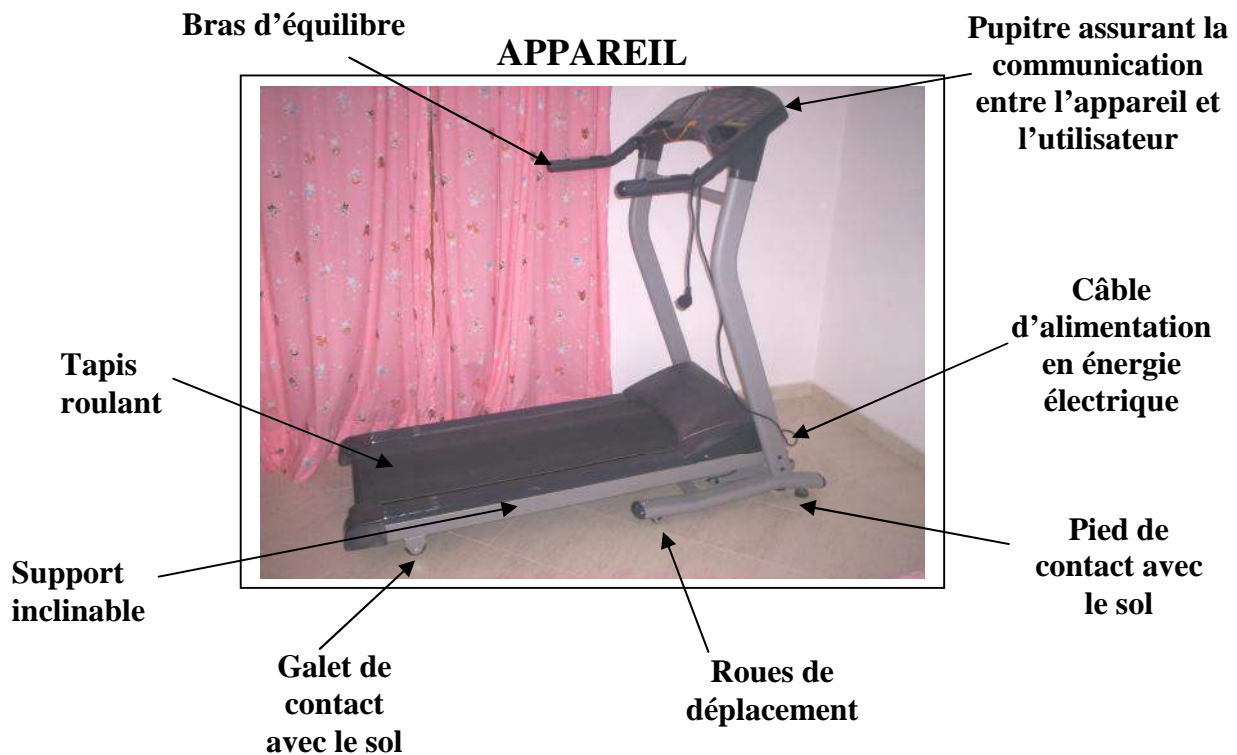
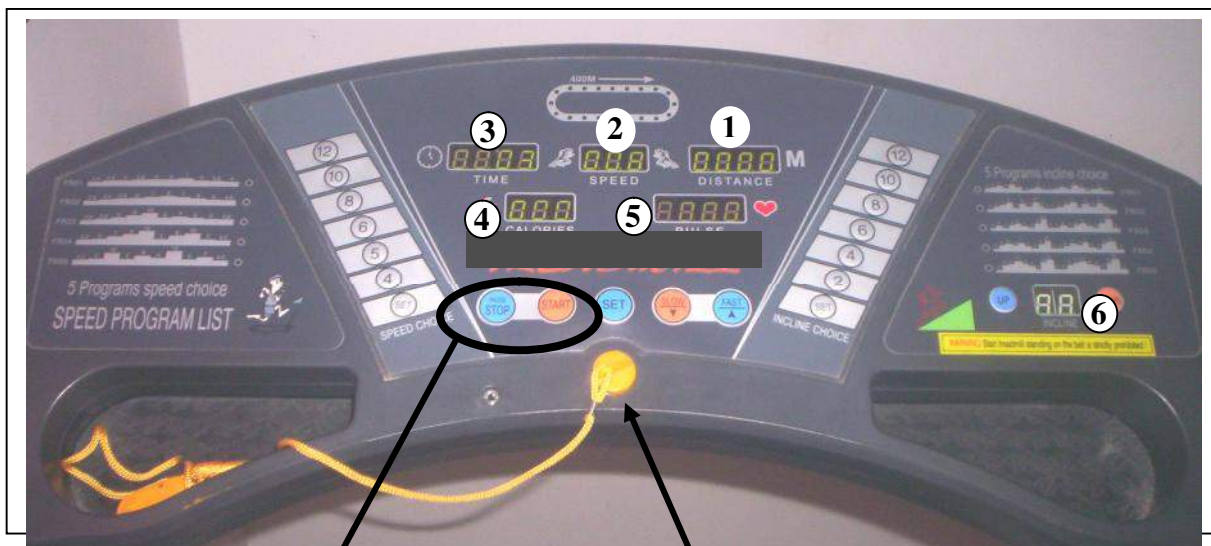
**Figure 15**

**Question 14 :**

- Déterminer la fonction de transfert en boucle ouverte,  $H_{BO(p)}$ , de l'asservissement, et donner ses caractéristiques (ordre, classe et gain  $K_{BO}$ ) ;
- Pour une entrée échelon unitaire, que serait l'erreur statique en régime permanent ( $\epsilon_s$ ) de l'asservissement ? Justifier ;
- Déterminer la fonction de transfert en boucle fermée :  $H_{BF(p)}$  ;
- L'asservissement est-il stable ?
- Que devra être la relation entre le gain de la boucle ouverte,  $K_{BO}$ , et  $\tau_m$  pour que l'asservissement soit rapide mais sans dépassement de la consigne.
- Pour  $\tau_m = 10^{-2} \text{ s}$ , évaluer la marge de phase MP et la marge de gain MG de l'asservissement ;
- Conclure quant au respect des exigences du cahier des charges.

**Fin de l'énoncé**

## DOCUMENT-ANNEXE 1

**PUPITRE**

**Boutons M/A : mise en marche et arrêt de l'appareil**

**Clé d'arrêt d'urgence (AU) : en cas de chute de l'utilisateur, la clé est débranchée et le tapis roulant s'arrête instantanément**

<b><u>Afficheur 1</u> : distance parcourue</b>	<b><u>Afficheur 3</u> : temps écoulé</b>	<b><u>Afficheur 5</u> : pouls du coeur</b>
<b><u>Afficheur 2</u> : vitesse linéaire du tapis</b>	<b><u>Afficheur 4</u> : calories dépensées</b>	<b><u>Afficheur 6</u> : position d'inclinaison du support</b>

**DOCUMENT-ANNEXE 2**

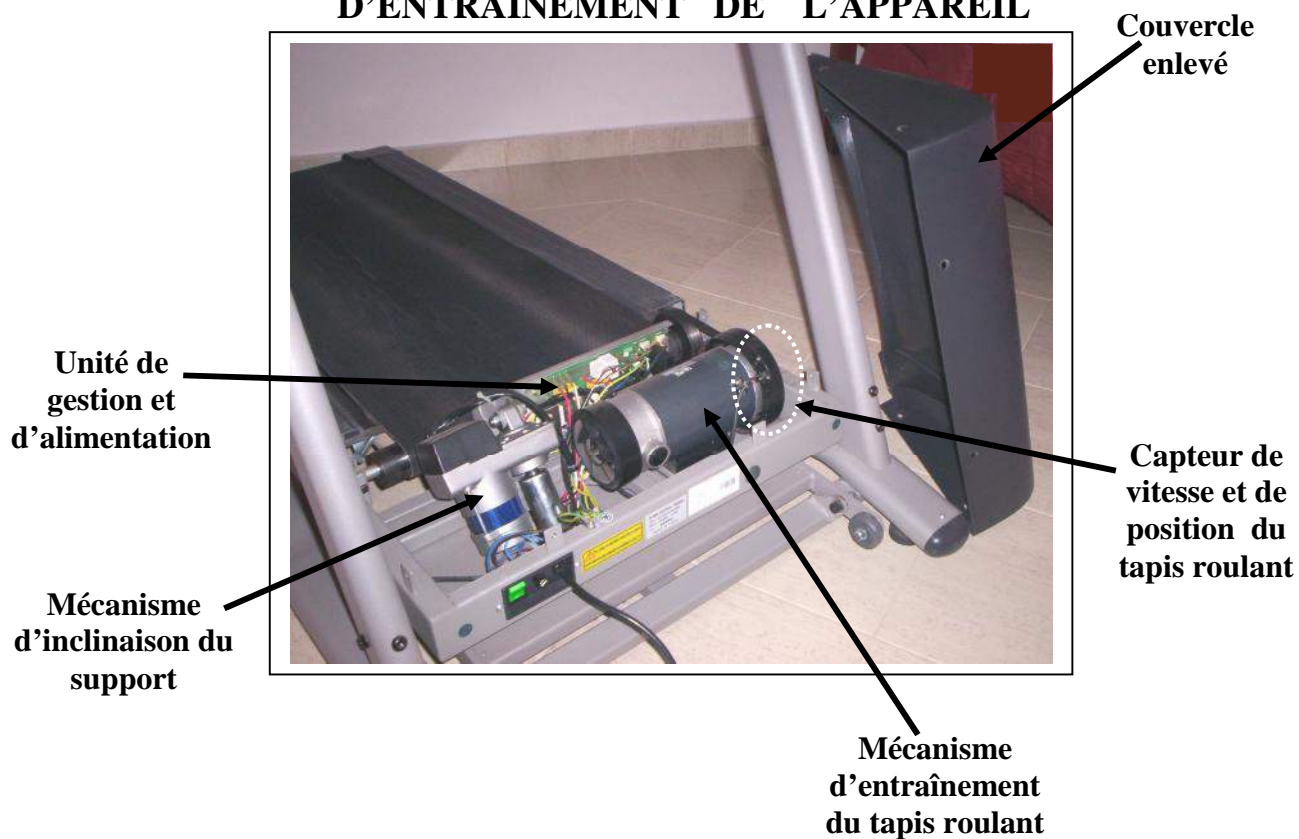
**BRAS**



Capteur de pouss

Incrémentation /  
Décrémentation de la vitesse

**MECANISMES DE COMMANDE ET  
D'ENTRAINEMENT DE L'APPAREIL**



Unité de  
gestion et  
d'alimentation

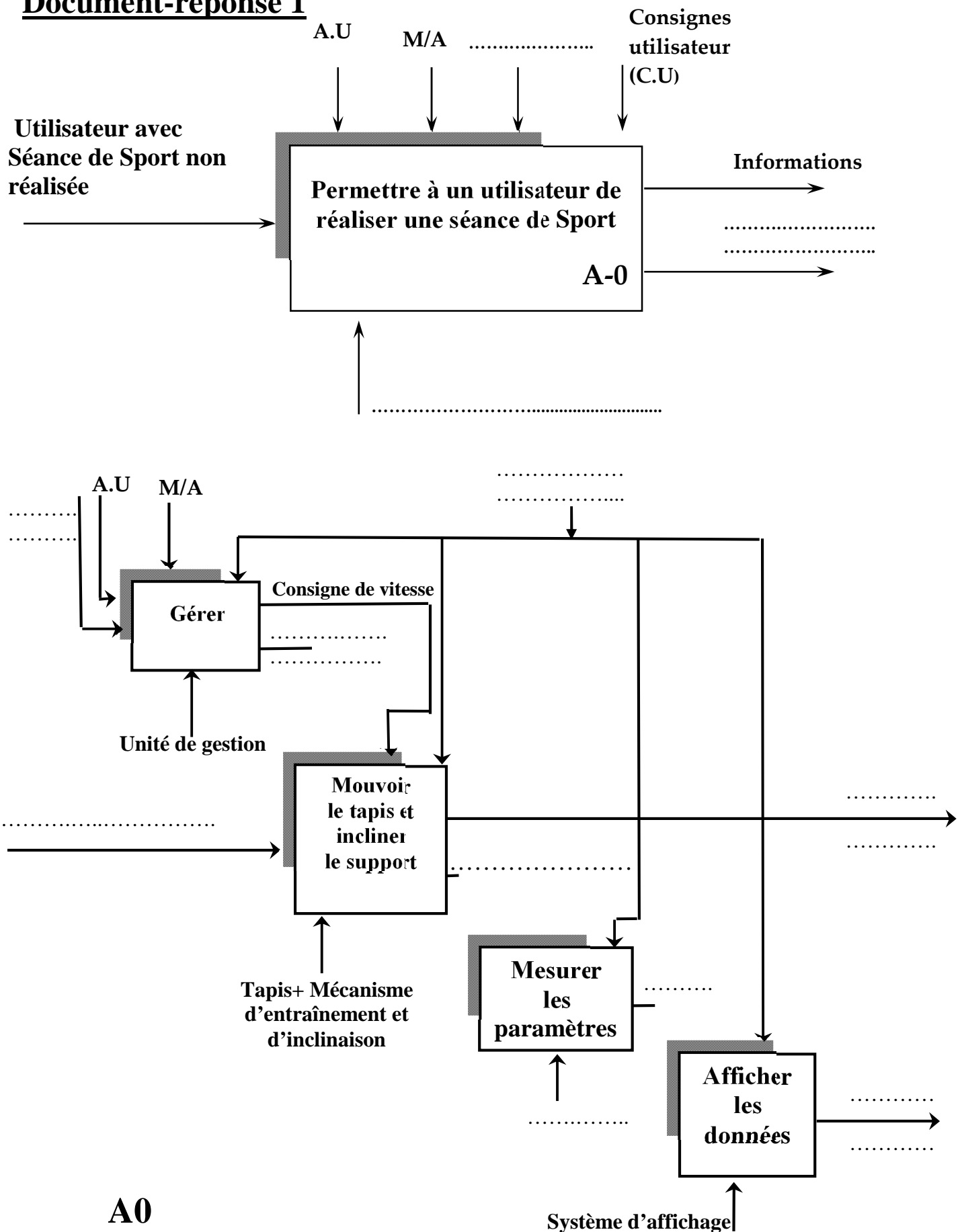
Mécanisme  
d'inclinaison du  
support

Couvercle  
enlevé

Capteur de  
vitesse et de  
position du  
tapis roulant

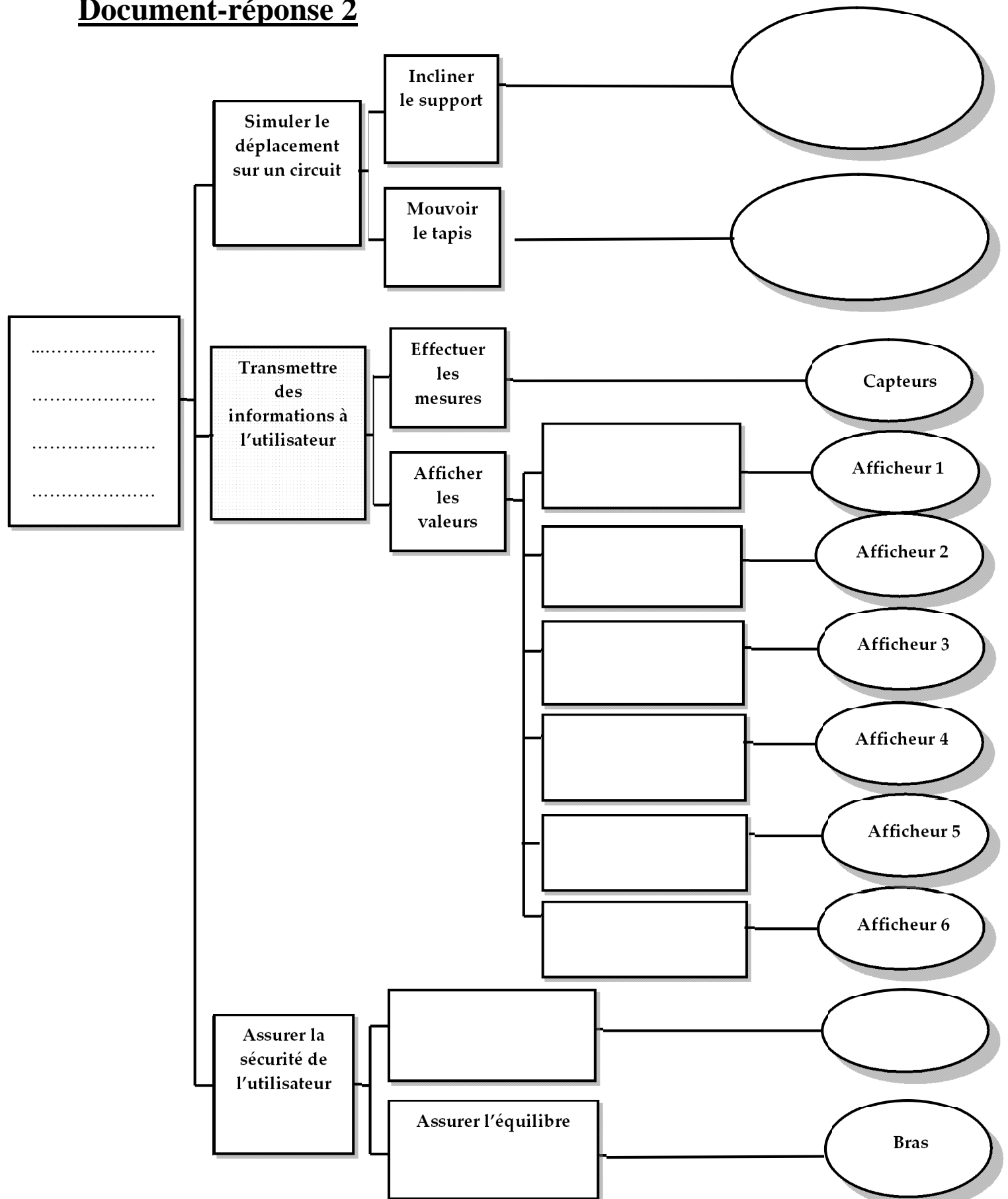
Mécanisme  
d'entraînement  
du tapis roulant

## Document-réponse 1

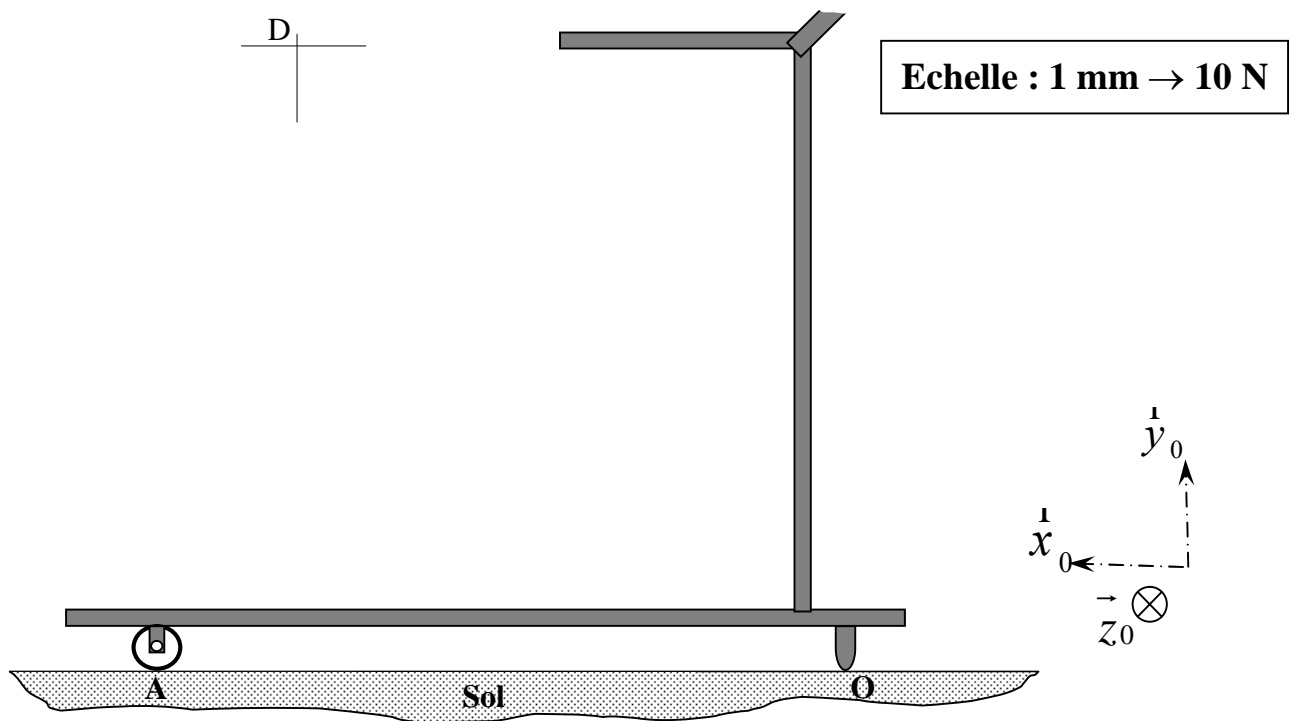




## Document-réponse 2



# Document-réponse 3



.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

.....  
 .....  
 .....  
 .....  
 .....

$\ \vec{A}\  = \dots\dots\dots \text{N} \quad ; \quad \ \vec{O}\  = \dots\dots\dots \text{N} \quad ; \quad \mathbf{f} = \dots\dots\dots$
--

## Document-réponse 4

a) .....

.....

b) .....

.....

c) .....

.....

d) .....

.....

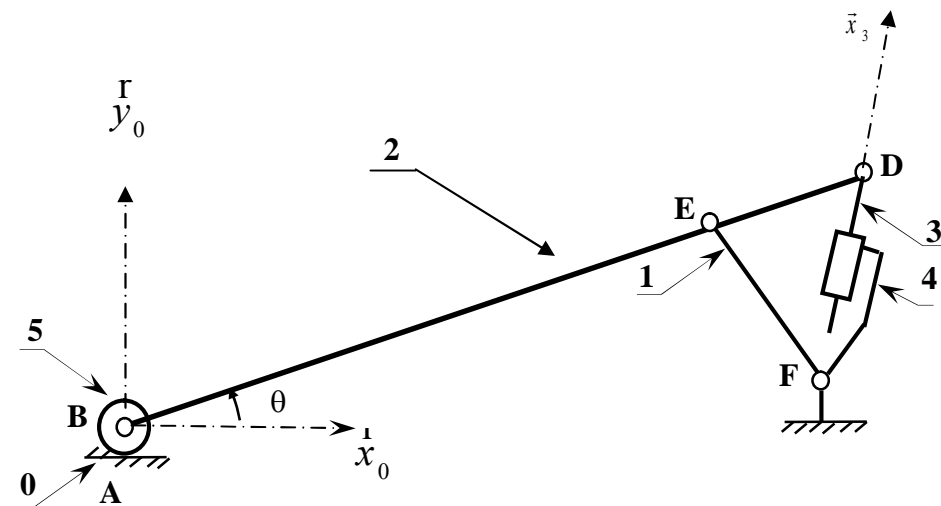
$$\| \vec{V}_{(D \in 2/0)} \| = \dots\dots\dots \text{mm.mn}^{-1}$$

e) .....

.....

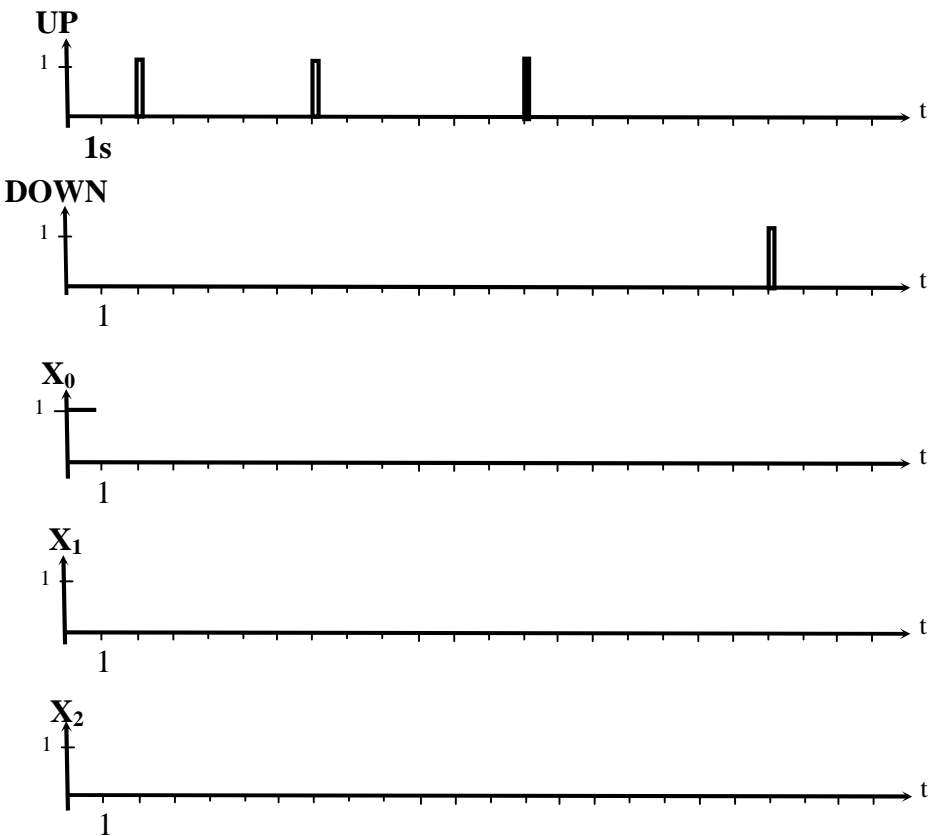
$$\| \vec{V}_{(B \in 2/0)} \| = \dots\dots\dots \text{mm.mn}^{-1}$$

**Echelle des vitesses : 2 cm  $\rightarrow$  10 mm.mn<sup>-1</sup>**

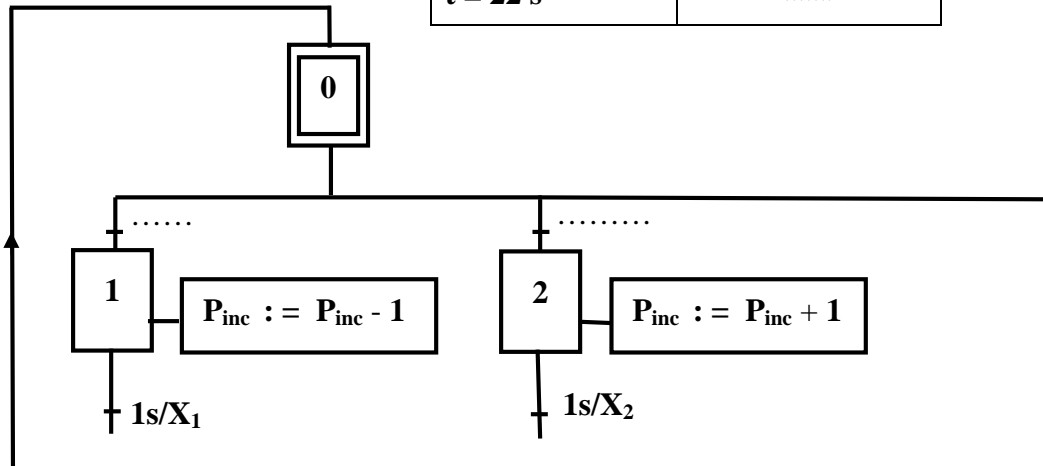


**Document-réponse 5**

La durée pendant laquelle les étapes 1 et 2 restent  
actives est de 1s . La clé de sécurité est branchée : **AU=0**



Temps (s)	P <sub>inc</sub>
t = 0 s	0
t = 4 s	.....
t = 9 s	.....
t = 15 s	.....
t = 22 s	.....



## Document-réponse 6

$\begin{matrix} n_1 & n_0 \\ n_3 & n_2 \end{matrix}$	00	01	11	10
00				
01				
11				
10				

Tableau de Karnaugh du segment A

A=.....

$\begin{matrix} n_1 & n_0 \\ n_3 & n_2 \end{matrix}$	00	01	11	10
00				
01				
11				
10				

Tableau de Karnaugh du segment E

E=.....

